

Моделирование пограничного слоя атмосферы при различных условиях стратификации

Л.В. Мовсесова

Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет, Санкт-Петербург

Цель исследования: проанализировать применяемые Аннотация: В пакетах вычислительной гидродинамики модели атмосферного пограничного слоя (АПС), в которых учитываются различные условия стратификации атмосферы. Гипотеза исследования состоит в том, что в этом случае граничные условия и параметры модели должны обеспечивать сохранение горизонтально однородного потока в пустой расчетной области. Приводится обзор работ, посвященных этой теме, а также пример результатов расчета, полученных по одной из моделей. Проведенное исследование показывает, что рассмотренные модели, применяемые в пакетах вычислительной гидродинамики, позволяют включать эффекты, связанные со стратификацией атмосферы, и получить горизонтально-однородные вертикальные профили характеристик АПС. Также можно обозначить вопросы, поднимаемые авторами работ в этой области, такие, как моделирование устойчиво стратифицированного пограничного слоя; моделирование случаев сильной конвекции и устойчивости.

Ключевые слова: атмосферный пограничный слой, вычислительная гидродинамика, CFD-моделирование, вертикальное распределение метеорологических элементов, граничные условия, стратификация атмосферы, *k*-є модель.

Методы вычислительной гидродинамики (computational fluid dynamics – CFD) широко используются в различных областях, например, для решения прикладных задач отопления, вентиляции и кондиционирования воздуха [1–2]. В задачах экологии CFD-моделирование применяется при оценке воздействия на атмосферу выбросов загрязняющих веществ, поскольку позволяет учитывать в модели влияние сложной орографии местности и наличие препятствий.

Одна из задач, возникающая при моделировании атмосферного пограничного слоя в CFD-пакетах, – сохранение заданных входных профилей во всей рассматриваемой области, так как при изменении их в модели установившиеся профили уже не соответствуют заданному классу устойчивости. В силу того, что характеристики турбулентности непосредственно влияют на процессы распространения примесей, расчет



с некорректными профилями приведет к неверной оценке загрязнения воздуха [3].

В данной статье приведен обзор работ, посвященных задаче моделирования АПС в пакетах вычислительной гидродинамики для условий стратификации, отличной от нейтральной. Также приводятся результаты расчетов, выполненных в ПК ANSYS Fluent по одной из моделей.

В СFD-пакетах при моделировании АПС необходимо задать входные профили, определяемые в соответствии с условиями стратификации. При нейтральной стратификации используются следующие соотношения для вертикальных профилей скорости ветра (*u*) в направлении горизонтальной оси, кинетической энергии турбулентности (*k*) и скорости диссипации энергии турбулентности (ε) во входном потоке

$$u(z) = \frac{u_*}{\kappa} \ln\left(\frac{z}{z_0}\right), \quad k = \frac{u_*^2}{\sqrt{C_{\mu}}}, \quad \varepsilon = \frac{u_*^3}{\kappa z},$$

где z – вертикальная координата; u_* – динамическая скорость, м/с; κ – постоянная Кармана; z_0 – параметр шероховатости, м; C_{μ} – константа стандартной k- ε -модели [4].

При стратификации, отличной от нейтральной, входной поток описывается на основании теории подобия Монина – Обухова как функция параметра безразмерной длины $\zeta = z/L$, где L – масштаб длины Монина – Обухова [5–7]. Входные вертикальные профили определяются устойчивостью атмосферы [8], характеризуемой масштабом длины L: L > 0 при устойчивой стратификации и L < 0 при неустойчивой стратификации.

Для скорости ветра и потенциальной температуры θ они задаются соотношениями [7]:

$$u(z) = \frac{u_*}{\kappa} \left[\ln\left(\frac{z}{z_0}\right) - \psi_m\left(\frac{z}{L}\right) \right],$$
$$\theta(z) - \theta_0 = \frac{\theta_*}{\kappa} \left[\ln\left(\frac{z}{z_0}\right) - \psi_h\left(\frac{z}{L}\right) \right],$$



где безразмерные функции ψ_m и ψ_h определяются в зависимости от стратификации атмосферы; θ_0 – потенциальная температура у поверхности,

 $\theta_* = \frac{\theta_0 u_*^2}{g \kappa L}.$

Для условий нейтральной стратификации:

$$\psi_m\left(\frac{z}{L}\right) = \psi_h\left(\frac{z}{L}\right) = 0, \quad u(z) = \frac{u_*}{\kappa}\ln\left(\frac{z}{z_0}\right).$$

При неустойчивом состоянии атмосферы, *L* < 0:

$$\varphi_{m} = \left(1 - \gamma_{1} \frac{z}{L}\right)^{-1/4}, \quad \psi_{m} = \ln\left[\frac{1}{8}\left(1 + \varphi_{m}^{-2}\right)\left(1 + \varphi_{m}^{-1}\right)^{2}\right] - 2 \operatorname{arctg}\left(\varphi_{m}^{-1}\right) + \frac{\pi}{2},$$
$$\varphi_{h} = \sigma_{\theta}\left(1 - \gamma_{2} \frac{z}{L}\right)^{-1/2}, \quad \psi_{h} = (1 + \sigma_{\theta}) \ln\left[\frac{1}{2}\left(1 + \varphi_{h}^{-1}\right)\right] + (1 - \sigma_{\theta}) \ln\left[\frac{1}{2}\left(-1 + \varphi_{h}^{-1}\right)\right].$$

В случае устойчивой стратификации, L > 0:

$$\begin{split} \phi_m &= 1 + \beta \frac{z}{L}, \quad \psi_m = -\beta \frac{z}{L}, \\ \phi_h &= \sigma_\theta + \beta \frac{z}{L}, \quad \psi_h = (1 - \sigma_\theta) \ln \left(\frac{z}{L}\right) - \beta \frac{z}{L} \end{split}$$

Константы β , γ_1 , γ_2 и турбулентное число Прандтля σ_{θ} – эмпирические константы, принимаемые равными, например, $\sigma_{\theta} = 1$, $\beta = 5$, $\gamma_1 = 16$, $\gamma_2 = 16$ [7].

Кинетическая энергии и диссипация турбулентности выражаются через универсальные функции, как:

$$k(z) = \frac{u_*^2}{\sqrt{C_{\mu}}} \left(\frac{\varphi_{\varepsilon}}{\varphi_m}\right)^{1/2},$$
$$\varepsilon(z) = \frac{u_*^3}{\kappa z} \varphi_{\varepsilon}\left(\frac{z}{L}\right),$$

 ϕ_{ϵ} определяется в зависимости от стратификации:

$$\varphi_{\varepsilon} = \begin{cases} 1 - \frac{z}{L}, & L < 0\\ \varphi_m - \frac{z}{L}, & L > 0 \end{cases}.$$

Аналогичные функции с некоторыми отличиями используются в работе [5].



Далее рассмотрим задачу моделирования АПС с помощью стандартной *k*-є модели. В случае стратификации, отличной от нейтральной, необходимо включить в уравнения стандартной *k*-є модели для переноса кинетической энергии турбулентности *k* и скорости её диссипации є слагаемые, описывающие генерацию турбулентной энергии за счет действия сил плавучести. Таким образом обеспечивается сохранение вертикальных профилей характеристик турбулентности во всей расчетной области.

$$\frac{\partial \rho k}{\partial t} + \frac{\partial \rho k u_i}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right] + G_k + G_b - \rho \varepsilon + S_k,$$
(1)

$$\frac{\partial \rho \varepsilon}{\partial t} + \frac{\partial \rho \varepsilon u_i}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right] + C_{\varepsilon 1} \frac{\varepsilon}{k} (G_k + C_{\varepsilon 3} G_b) - C_{\varepsilon 2} \rho \frac{\varepsilon^2}{k} + S_{\varepsilon}, \tag{2}$$

где σ_k и σ_{ε} – турбулентные числа Прандтля для k и ε , S_k и S_{ε} – источниковые члены, $C_{\varepsilon 1}$, $C_{\varepsilon 2}$, $C_{\varepsilon 3}$ – константы модели, ρ – плотность воздуха; G_k – слагаемое, описывающее перенос энергии от осредненного потока под действием турбулентных напряжений сдвига, G_b – генерация (подавление) турбулентности за счет сил плавучести. Наибольшей неопределённостью обладает выбор константы $C_{\varepsilon 3}$ [9], характеризующей степень воздействия плавучести G_b . Этот параметр задается постоянным с разными значениями для устойчивой и неустойчивой стратификации [10] или вычисляется в зависимости от стратификации по заданным соотношениям [6–7, 11]. Рассмотрим некоторые варианты определения констант и модификации стандартной k- ε модели, предлагаемые при моделировании в CFD-пакетах.

В работе [6] значение константы $C_{\varepsilon 3}$ задается полиномом пятой степени:

$$C_{\varepsilon 3}\left(\frac{z}{L}\right) = \sum_{n=0}^{5} a_n \left(\frac{z}{L}\right)^n, \quad -2, 3 < \frac{z}{L} < 2, 0,$$

константы a_n в модели определяются в зависимости от стратификации. Такое соотношение справедливо при -2,3 < z/L < 2.



В модели, предложенной в [7], добавляется еще одно слагаемое источника *S*_{*kMO*} в уравнение для кинетической энергии турбулентности:

$$S_{kMO} = \frac{u_*^3}{\kappa L} \cdot \begin{cases} \left(\frac{L}{z}\right) (\phi_m - \phi_{\varepsilon}) - \frac{\phi_h}{\sigma_0 \phi_m} - \frac{C_{kD}}{4} \phi_m^{13/2} \phi_{\varepsilon}^{-3/2} f_{un} \left(\frac{z}{L}, \gamma_1\right), & L < 0, \\ 1 - \frac{\phi_h}{\sigma_0 \phi_m} - \frac{C_{kD}}{4} \phi_m^{-7/2} \phi_{\varepsilon}^{-3/2} f_{st} \left(\frac{z}{L}, \beta\right), & L > 0, \end{cases}$$
(3)

где:

$$C_{kD} = \frac{\kappa^2}{\sigma_k \sqrt{C_{\mu}}},$$

$$f_{un}\left(\frac{z}{L}\right) = \left(2 - \frac{z}{L}\right) + \frac{\gamma_1}{2} \left(1 - 12\frac{z}{L} + 7\left(\frac{z}{L}\right)^2\right) - \frac{\gamma_1^2}{16}\frac{z}{L} \left(3 - 54\frac{z}{L} + 35\left(\frac{z}{L}\right)^2\right),$$

$$f_{st}\left(\frac{z}{L}\right) = \left(2 - \frac{z}{L}\right) - 2\beta\frac{z}{L} \left(1 - 2\frac{z}{L} + 2\beta\frac{z}{L}\right).$$

В этой модели константа $C_{\epsilon 3}$ задается соотношением:

$$C_{\varepsilon 3} = \frac{\sigma_{\theta}L}{z} \frac{\varphi_m}{\varphi_h} \bigg(C_{\varepsilon 1} \varphi_m - C_{\varepsilon 2} \varphi_{\varepsilon} + (C_{\varepsilon 2} - C_{\varepsilon 1}) \varphi_{\varepsilon}^{-1/2} f_{\varepsilon} \bigg(\frac{z}{L} \bigg) \bigg),$$

$$f_{\varepsilon} \bigg(\frac{z}{L} \bigg) = \begin{cases} \varphi_m^{5/2} \bigg(1 - \frac{3}{4} \gamma_1 \frac{z}{L} \bigg), & L < 0, \\ \varphi_m^{-5/2} \big(2\varphi_m - 1 \big), & L > 0. \end{cases}$$

$$(4)$$

В отличие от работы [6] выражения (3) –(4) для S_k и $C_{\varepsilon 3}$ определяются для любых значений z/L.

При вычислении плавучести используется соотношение:

$$G_{bMO} = -\frac{gv_t}{\theta_0 \sigma_{\theta}} \frac{\partial \theta}{\partial z} = -v_t \left(\frac{\partial U}{\partial z}\right)^2 \frac{z\varphi_h}{L\sigma_{\theta}\varphi_m^2}, \quad v_t = C_{\mu} \frac{k^2}{\varepsilon}.$$
 (5)

Авторы [12] предложили модификации функций подобия и *k*-є модели. Расчеты по этой модели проводились в сопоставлении с [7] и экспериментальными данными для местности со сложной орографией. При устойчивой стратификации модель [12] показывает лучшие результаты по сравнению с обычно используемыми функциями подобия.

Сравнение рассмотренных моделей [6] и [7] при различных значениях *L* приводится в [11]. В работе исследовались изменения вертикальных



профилей скорости ветра и характеристик турбулентности в области до 10 000 м по горизонтальной оси *x* при четырех вариантах стратификации атмосферы (сильная конвекция, неустойчивая, устойчивая и сильно устойчивая). В систему уравнений АПС не включалось уравнение энергии, в этом случае при вычислениях в Fluent $G_b = 0$. Влияние плавучести учитывалось в задаваемом пользователем слагаемом источника. S_k и S_{ε} в уравнениях (1)–(2) определялись, как:

$$S_{k} = -\rho S_{kMO} + G_{b}, \quad G_{b} = \rho G_{bMO}, \quad (6)$$
$$S_{T} = C_{T1} \frac{T}{k} C_{T3} G_{b}.$$

Значение динамической скорости при вычислении S_k в (6) не фиксировалось, а вычислялось в соответствии с:

$$u_* = C_{\mu}^{1/4} k^{1/2} \left(\frac{\varphi_{\rm T}}{\varphi_{\rm m}} \right)^{-1/4}$$

Входящая в (5) производная вычислялась по горизонтальным компонентам скорости:

$$\frac{\partial U}{\partial z} = \sqrt{\left(\frac{\partial u}{\partial z}\right)^2 + \left(\frac{\partial v}{\partial z}\right)^2}.$$

Проведенный анализ, в том числе для случаев сильной конвекции и устойчивости, показал, что обе модели показывают хорошее согласование со входными профилями на расстоянии до 5000 м. Но ошибка в модели [7] меньше, поскольку она применима при любых значениях *z/L*. В условиях поверхности со сложной орографией ошибка моделей составила менее 10 %.

В качестве примера расчета по модели [7] на рис. 1 показаны вертикальные профили скорости ветра, кинетической энергии и диссипации турбулентности, выполненные в ПК Ansys Fluent для двухмерной расчетной области высотой 820 м и протяженностью 10 100 м, при L = 200 и L = -200.



Значение параметра шероховатости *z*₀ = 0,03 м. Параметры и константы модели задавались аналогично [11] для случая пустой расчетной области.



Рис. 1. – Вертикальные профили скорости ветра (*a*), кинетической энергии (*б*) и скорости диссипации энергии турбулентности (*в*) при нейтральной $(1 - x = 0 \text{ м}, 2 - x = 10\ 000 \text{ м})$, неустойчивой $(3 - x = 0 \text{ м}, 4 - x = 5\ 000 \text{ м}, 5 - x = 10\ 000 \text{ м})$ и устойчивой $(6 - x = 0 \text{ м}, 7 - x = 5\ 000 \text{ м}, 8 - x = 10\ 000 \text{ м})$ стратификации

В работе [13] константа в слагаемом, учитывающем вклад сдвиговой турбулентности (*G_k*) в уравнении для диссипации энергии турбулентности (2), определялась, как:

$$\begin{split} C_{\varepsilon 1}^{*} = & \left(C_{\varepsilon 1} + (C_{\varepsilon 2} - C_{\varepsilon 1}) \frac{l}{l_{e}} \right) \\ & l = \frac{C_{\mu}^{3/4} k^{3/2}}{\varepsilon}, \\ l_{e} = & \begin{cases} l_{0} &= 0.00027 \frac{G}{f_{c}} & \text{для нейтрального АПС,} \\ \\ l_{MY} &= \alpha \frac{\int_{0}^{\infty} z \sqrt{k} dz}{\int_{0}^{\infty} \sqrt{k} dz}, \end{cases} \end{split}$$

где l – масштаб турбулентности, G – скорость геострофического ветра, f_c – параметр Кориолиса, α – константа, l_{MY} отражает зависящую от стратификации высоту АПС.



При таком определении $C^*_{\epsilon 1}$ будет равна $C_{\epsilon 2}$, когда l достигает максимального значения l_e , и равна $C_{\epsilon 1}$, когда $l << l_e$.

Константа в слагаемом, учитывающем вклад плавучести (при $G_b \varepsilon/k$), вычислялась как ($C_{\varepsilon 1} - C_{\varepsilon 2}$) $\alpha_B + 1$,

$$\alpha_{B} = \begin{cases} \left(1 - \frac{l}{l_{MY}}\right), & \operatorname{Ri}_{g} \geq 0; \\ 1 - \left(1 + \frac{C_{\varepsilon 2} - 1}{C_{\varepsilon 2} - C_{\varepsilon 1}}\right) \frac{l}{l_{MY}}, & \operatorname{Ri}_{g} < 0, \end{cases}$$

где Rig – градиентное число Ричардсона.

В уравнение (2) вводилось также слагаемое источника: S_{ε} задавалось таким образом, чтобы получить лучшее согласование между k- ε и k- ω моделями турбулентности.

Проведенный в [13] анализ результатов расчетов по модели в сравнении с данными экспериментов продемонстрировал её применимость к решению задач в условиях местности со сложной орографией.

Выводы

При моделировании АПС в программных комплексах вычислительной гидродинамики возникает задача корректного задания входных данных и параметров модели для получения горизонтально однородного потока во всей расчетной области при различных условиях стратификации.

Рассмотренные в обзоре модели, применяемые в пакетах вычислительной гидродинамики, позволяют включать эффекты, связанные со стратификацией атмосферы, и получить горизонтально-однородные вертикальные профили характеристик АПС. Особое внимание авторы работ в этой области уделяют моделированию устойчиво стратифицированного пограничного слоя; а также случаев сильной конвекции и устойчивости.



Литература

1. Саламатин И.А., Логойда Т.И., Скорик Т.А., Пирожникова А.П. Математическое моделирование теплового режима помещений // Инженерный вестник Дона, 2022, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/ n1y2022/7381.

2. Денисихина Д.М., Иванова Ю.В., Мокров В.В. Численное моделирование истечения современных воздухораспределительных ИЗ устройств // Инженерный Дона. 2018. <u>№</u>2. вестник URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n2y2018/4972.

3. Мовсесова Л.В. Моделирование пограничного слоя атмосферы в программных комплексах вычислительной гидродинамики // Перспективы науки, 2024. № 2 (173). С. 67-72.

4. Blocken B., Stathopoulos T., Carmeliet J. CFD simulation of the atmospheric boundary layer: wall function problems // Atmospheric Environment, 2007. Vol. 41. № 2. P. 238–252. DOI: 10.1016/j.atmosenv.2006.08.019.

5. Купцов А.И., Акберов Р.Р., Исламхузин Д.Я., Гимранов Ф.М. Численное моделирование пограничного слоя атмосферы с учетом ее стратификации // Фундаментальные исследования, 2014. № 9-7. С. 1452-1460.

6. Alinot C., Masson C. *k*-ε model for the atmospheric boundary layer under various thermal stratifications // J. Solar Energy Engineering, 2005. Vol. 127.
P. 438–443. DOI: 10.1115/1.2035704.

7. Laan M.P. van der, Kelly M.C., Sorensen N.N. A new k-epsilon model consistent with Monin – Obukhov similarity theory // Wind Energy, 2017. Vol. 20 (3). P. 379–565. DOI:10.1002/we.2017.

8. Sathe A., Mann J., Barlas T., Bierbooms W.A.A.M., Van Bussel G.J.W. Influence of atmospheric stability on wind turbine loads // Wind Energy, 2013. Vol. 16 (7). pp. 977–1129. DOI: 10.1002/we.1528.



9. Мортиков Е.В., Глазунов А.В., Дебольский А.В., Лыкосов В.Н., Зилитинкевич С.С. О моделировании скорости диссипации кинетической энергии турбулентности // Доклады Академии наук, 2019. Т. 489. № 4. С. 414-418. DOI: 10.31857/S0869-56524894414-418.

10. Pieterse J.E., Harms T.M. CFD investigation of the atmospheric boundary layer under different thermal stability conditions // J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., 2013. № 121. pp. 82–97. DOI: 10.1016/ j.jweia.2013.07.014.

11. Breedt H., Craig K., Jothiprakasam V. Monin-Obukhov similarity theory and its application to wind flow modelling over complex terrain // J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., 2018. № 182. pp. 308–321. DOI: 10.1016/j.jweia.2018.09.026.

12. Han X., Liu D., Xu C., Shen W.Z. Similarity functions and a new $k-\varepsilon$ closure for predicting stratified atmospheric surface layer flows in complex terrain // Renewable Energy, 2020. Vol. 150. pp. 907–917. DOI: 10.1016/j.renene.2020. 01.022.

13. Koblitz T., Bechmann A. Sogachev A., Sørensen N., and Réthoré P. E. Computational Fluid Dynamics model of stratified atmospheric boundary-layer flow // Wind Energy, 2015. Vol. 18. pp. 75–89. DOI: 10.1002/we.1684.

References

1. Salamatin I. A., Logojda T.I., Skorik T.A. Inzhenernyj vestnik Dona, 2022, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n1y2022/7381.

2. Denisikhina D.M., Ivanova Y.V., Mokrov V.V. Inzhenernyj vestnik Dona, 2018, №2. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n2y2018/4972.

3. Movsesova L.V. Perspektivy nauki, 2024. № 2 (173). pp. 67-72.

4. Blocken B., Stathopoulos T., Carmeliet J. Atmospheric Environment, 2007. Vol. 41. № 2. P. 238–252. DOI: 10.1016/j.atmosenv.2006.08.019.

5. Kupcov A.I. Akberov R.R., Islamhuzin D.YA., Gimranov F.M. Fundamental'nye issledovaniya, 2014. № 9-7. pp. 1452-1460.



6. Alinot C., Masson C. J. Solar Energy Engineering, 2005. Vol. 127. pp. 438–443. DOI: 10.1115/1.2035704.

7. Laan M.P. van der, Kelly M.C., Sorensen N.N. Wind Energy, 2017. Vol. 20 (3). pp. 379–565. DOI:10.1002/we.2017.

8. Sathe A., Mann J., Barlas T., Bierbooms W.A.A.M., Van Bussel G.J.W. Wind Energy, 2013. Vol. 16 (7). pp. 977–1129. DOI: 10.1002/we.1528.

9. Mortikov E.V., Glazunov A.V., Debol'skij A.V., Lykosov V.N., Zilitinkevich S.S. Doklady Akademii nauk, 2019. Vol. 489. № 4. pp. 414-418. DOI: 10.31857/S0869-56524894414-418.

10. Pieterse J.E., Harms T.M. J. Wind Eng. Ind. Aerodyn., 2013. № 121. pp. 82–97. DOI: 10.1016/ j.jweia.2013.07.014.

11. Breedt H., Craig K., Jothiprakasam V.J. Wind Eng. Ind. Aerodyn, 2018. № 182. pp. 308–321. DOI: 10.1016/j.jweia.2018.09.026.

12. Han X., Liu D., Xu C., Shen W.Z. Renewable Energy, 2020. Vol. 150. pp. 907–917. DOI: 10.1016/j.renene.2020. 01.022.

Koblitz T., Bechmann A. Sogachev A., Sørensen N., and Réthoré P. E.
 Wind Energy, 2015. Vol. 18. pp. 75–89. DOI: 10.1002/we.1684.

Дата поступления: 17.04.2024 Дата публикации: 30.05.2024